

**CONTACTS: 679225887 / 698844487**

L'épreuve comporte sur deux pages, deux exercices et un problème, tous obligatoires ; aucun calcul n'est exigé sur votre feuille de composition en ce qui concerne l'exercice N° 1 .

**Exercice 1 5 points**

Le tableau ci – dessous propose pour chacune des questions de la 2<sup>ème</sup> colonne de gauche, trois réponses possibles parmi lesquelles une seule est juste ; reproduire sur votre feuille de composition le numéro de la question et celui de la réponse juste correspondante.

	Question	Réponse a)	Réponse b)	Réponse c)	
1°	L'ensemble des solutions de l'équation $x^2 e^{x-1} = 0$ est :	{0; 1}	{0}	{1}	1pt
2°	L'ensemble des solutions de l'équation $(e^x - 3)(e^x + 3) = 0$ est :	{3; -3}	{ln3; -ln3}	{ln3}	1pt
3°	L'ensemble des solutions du système d'équations $\begin{cases} -2e^x - e^y = 2 \\ -e^x + 2e^y = 6 \end{cases}$ est :	{(-2; 2)}	{(-ln2; ln2)}	$\emptyset$	1,5pt
4°	L'ensemble des solutions du système d'équations : $\begin{cases} 2 \ln x + 3 \ln y = 2 \\ 4 \ln x - 3 \ln y = 1 \end{cases}$ est :	$\left\{ \left( \frac{1}{2}; \frac{1}{3} \right) \right\}$	{(e; 1)}	$\left\{ (\sqrt{e}; e^{\frac{1}{3}}) \right\}$	1,5pt

**Exercice 2 5 points**

Année	2000	2001	2002	2003	2004	2005	2006	2007
Montant de la dette	73,5	65,5	57,6	51,10	46,5	42,6	39,1	35,5

- 1° En prenant une origine convenablement choisie, en abscisses une année pour deux centimètres, et en ordonnées 10 milliards pour deux centimètres, représenter graphiquement le nuage de points de la série statistique ci – dessus. 1,5pt
- 2° Déterminer le point moyen G de cette série. 1pt
- 3° Ce nuage suggère un ajustement linéaire ; trouver à l'aide de la méthode de Mayer une équation cartésienne de la droite d'ajustement. 1,5pt
- 4° En supposant qu'aucun événement ne modifie cette évolution, à partir de quelle année ce pays aura-t il complètement remboursé sa dette ? 1pt

**Problème 10 points**

On considère la fonction numérique de la variable réelle  $x$  définie par  $f(x) = -\frac{x^2+4}{x}$ . Dans le plan rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ , (C) désigne la courbe représentative de la fonction  $f$ .

- 1° Donner l'ensemble de définition de  $f$ . 0,5pt
- 2° Montrer que  $f$  est une fonction impaire ; quel élément de symétrie peut-on en déduire pour la courbe (C) ? 1pt
- 3° Calculer les limites de  $f(x)$  quand  $x$  tend vers l'infini, et quand  $x$  tend vers zéro. 3pt
- 4° Calculer la dérivée et dresser le tableau de variation de  $f$ . 1,5 pt
- 5° Calculer la limite de  $f(x) + \frac{1}{9}x$  quand  $x$  tend vers l'infini. 0,5pt
- 6° Déduire de ce qui précède que la courbe (C) admet une asymptote verticale et une asymptote oblique dont on donnera les équations cartésiennes respectives. 1pt
- 7° Quelle est la position relative de (C) par rapport à son asymptote oblique quand  $x$  tend vers l'infini ? 1pt
- 8° Déterminer une équation cartésienne de la tangente D, à (C) au point d'abscisse 1. 1pt
- 9° Tracer (C) et D. 2pts\*
- 10° On considère la fonction  $g$  définie pour tout  $x$  par  $g(x) = -f(x)$  ; tracer dans le même repère la courbe (C') représentative de  $g$ . 0,5pt